

Inecuaciones

Una inecuación es una desigualdad matemática que presenta al menos una variable en alguno de sus miembros, por eso también se le conoce como desigualdad algebraica.

Los signos de desigualdad son: $<$, \leq , $>$, \geq

Los signos: $< y > \quad o \quad \leq y \geq$ son de sentido contrario.

Una desigualdad es doble cuando aparecen dos signos de desigualdad en la misma expresión: $a < b < c$

Resolver una inecuación con una incógnita, digamos x , quiere decir hallar los números reales x para los cuales la desigualdad se cumple. Llamamos **conjunto solución** al conjunto de tales x , ya que habitualmente son infinitas soluciones, que se agrupan en intervalos de \mathbb{R} . Es decir, la solución se expresa como un subconjunto, un intervalo o gráficamente.

LAS INECUACIONES SE CLASIFICAN:

- Por el **número de incógnitas** que contienen
 - Inecuaciones con una incógnita
 - Inecuaciones con más de una incógnita
- Por su **grado y operaciones** que aparecen en la expresión
 - Polinómicas (de 1º grado, de 2º grado, etc...)
 - Con incógnitas en el denominador (rationales)
 - Con incógnitas debajo del signo radical (irrationales)
 - Dobles (con dos signos de desigualdad)
 - Modulares o de Valor absoluto
 - Con Logaritmos, Exponenciales, ...
- Varias inecuaciones, consideradas a la vez, forman un sistema de inecuaciones, lineales o no

Resolver un sistema de inecuaciones es encontrar las soluciones comunes a todas ellas (intersección).

Dos inecuaciones son equivalentes si tienen el mismo dominio de la incógnita y el mismo conjunto solución.

Para resolver una inecuación hay que despejar la incógnita y, para ello, hay que tener en cuenta las siguientes **propiedades**:

- 1) $A < B \Leftrightarrow A + n < B + n$ también $A - n < B - n$
- 2) $A < B \Leftrightarrow A \cdot n < B \cdot n$, si $n > 0$ también $A/n < B/n$, si $n \neq 0$
- 3) $A < B \Leftrightarrow A \cdot n > B \cdot n$, si $n < 0$ también $A/n > B/n$, si $n \neq 0$

Observa que, si se multiplica por un número negativo, debe cambiarse el sentido de la desigualdad.

La notación $\{x: \dots\}$ o $\{x/ \dots\}$ representa el conjunto de todos los números x tales que \dots es verdad. Esta notación también puede sustituirse por intervalos, utilizando los ya conocidos paréntesis para intervalos abiertos, corchetes para intervalos cerrados o combinados para semiabierto.

Gráficamente, el punto "lleno" indica que el punto pertenece al conjunto solución, y el punto "vacío" que no pertenece.

Según la notación utilizada, significan lo mismo:

- Los **paréntesis**, los signos $< o >$ y el punto "vacío"
- Los **corchetes**, los signos $\leq o \geq$ y el punto "lleno"

Si la inecuación presenta el signo $< o >$, se denomina inecuación de **sentido estricto**, porque no incluye a sus extremos. Si el signo es $\leq o \geq$ se llama inecuación en sentido amplio o **no estricto**, porque sí incluye a sus extremos.

Observación: si necesitamos cambiar el signo de toda la inecuación estaremos multiplicando por (-1) y por tanto es necesario invertir el sentido de la desigualdad.

Inecuaciones polinómicas de 1º grado, con una incógnita

Estas inecuaciones, se pueden llegar a escribir de la forma:

$$ax + b > 0, \text{ con } a \neq 0$$

(el signo también puede ser $<$, \leq ó \geq)

MÉTODO DE RESOLUCIÓN

Se resuelven de manera semejante a las ecuaciones:

- Eliminar denominadores (se multiplican los dos miembros por el mcm de los denominadores)
- Operar paréntesis (se aplica la propiedad distributiva del producto respecto de la suma)
- Agrupan términos semejantes
- Despejar la incógnita

Ejemplo

Resolver la inecuación: $(x-1)(x+2) < x^2 + 3$

$$x^2 + 2x - x - 2 < x^2 + 3$$

$$\boxed{x < 5}$$

$$\therefore S = \{x : x < 5\} = (-\infty, 5)$$



Ejemplo

Resolver la inecuación: $\frac{7}{12} - \frac{5(x-2)}{6} \leq \frac{1}{4} - \frac{3(x-2)}{4}$

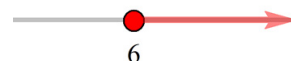
$$mcm(4, 6, 12) = 12$$

$$7 - 10(x-2) \leq 3 - 9(x-2)$$

$$7 - 10x + 20 \leq 3 - 9x + 18$$

$$-x \leq -6 \rightarrow \boxed{x \geq 6}$$

$$\therefore S = \{x : x \geq 6\} = [6, +\infty)$$



Ejemplo

Resolver la inecuación: $\frac{5(3-x)}{6} - \frac{x-4}{2} \geq \frac{2x-3}{3} - x$

$$mcm(6, 2, 3) = 6$$

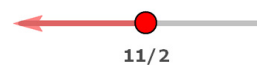
$$5(3-x) - 3(x-4) \geq 2(2x-3) - 6x$$

$$15 - 5x - 3x + 12 \geq 4x - 6 - 6x$$

$$-6x \geq -33$$

$$6x \leq 33 \rightarrow \boxed{x \leq 11/2}$$

$$\therefore S = \{x : x \leq 11/2\} = (-\infty, 11/2]$$



Ejemplo

Resolver la inecuación: $x - 3(x-1) < -2x + 5$

$$x - 3x + 3 < -2x + 5$$

$$3 < 5 \text{ (verdadero)}$$

$$\therefore S = \mathbb{R} \text{ (toda la recta real)}$$



Ejemplo

Resolver la inecuación: $(x-3)(x+2) - (x^2 - x + 8) > 0$

$$x^2 + 2x - 3x - 6 - x^2 + x - 8 > 0$$

$$-14 > 0 \text{ (falso)}$$

$$\therefore S = \emptyset \rightarrow \text{(no tiene solución)}$$



Inecuaciones polinómicas de 2º grado, con una incógnita

Estas inecuaciones, se pueden llegar a escribir de la forma:

$$ax^2 + bx + c > 0 \quad ; \quad \text{con } a \neq 0$$

(el signo también puede ser $<$, \leq ó \geq)

1º MÉTODO DE RESOLUCIÓN

- Resolvemos la ecuación de 2º grado
- Situamos las soluciones sobre la recta real
- Estudiamos el signo en cada uno de los intervalos
 - Con dos soluciones reales: tendrá el mismo signo que a en los intervalos externos y contrario en el interno
 - Con una solución doble o ninguna solución: tendrá el mismo signo que a en toda la recta.

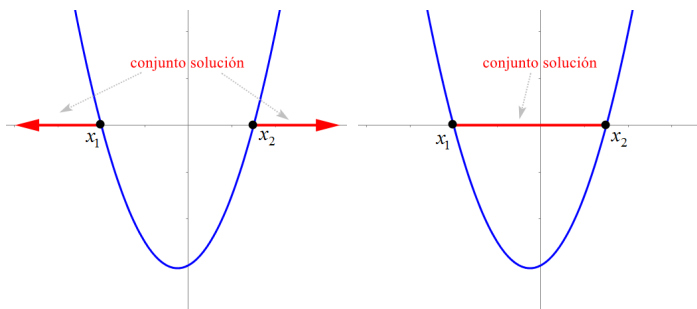
2º MÉTODO DE RESOLUCIÓN

- Resolvemos la ecuación de 2º grado
- Situamos las soluciones sobre la recta real
- Tomamos un "valor x cualquiera" en cada uno de los intervalos y averiguamos el signo de la expresión en dichos intervalos.

3º MÉTODO DE RESOLUCIÓN

- Descomponiendo en factores: utilizamos el método de la "tabla de signos" que veremos a continuación para inecuaciones polinómicas de grado mayor a 2

En todos los métodos, la solución de la inecuación cuadrática será el/los intervalos que verifiquen la inecuación dada.



Si $b^2 - 4ac > 0$, entonces $ax^2 + bx + c = 0$ tiene dos raíces reales y la recta queda dividida en 3 intervalos

Ejemplo

Resolver: $x^2 - 2x - 15 \leq 0$

$$x = \frac{2 \pm \sqrt{4 + 60}}{2} = \frac{2 \pm \sqrt{64}}{2}$$

$$x_1 = \frac{2+8}{2} = 5 \quad ; \quad x_2 = \frac{2-8}{2} = -3$$

$$\therefore S = [-3, 5] \quad ; \quad S = \{x / -3 \leq x \leq 5\}$$



Ejemplo

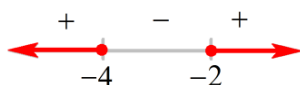
Resolver $x^2 + 6x + 8 \geq 0$

$$x = \frac{-6 \pm \sqrt{36 - 32}}{2} = \frac{-6 \pm \sqrt{4}}{2}$$

$$x_1 = \frac{-6+2}{2} = -2; \quad x_2 = \frac{-6-2}{2} = -4$$

$$\therefore S = (-\infty, -4] \cup [-2, +\infty)$$

$$S = \{x / x \leq -4 \vee x \geq -2\}$$



Si $b^2 - 4ac = 0$, entonces $ax^2 + bx + c = 0$

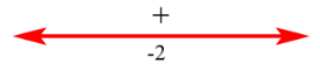
tiene una única raíz real (doble): $x_1 = x_2 = -\frac{b}{2a}$

Ejemplo

Resolver: $x^2 + 4x + 4 \geq 0$

$$(x+2)(x+2) \geq 0$$

$$\therefore S = (-\infty, +\infty) = \mathbb{R}$$



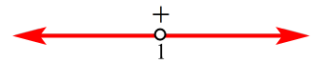
$$x = \frac{-4 \pm \sqrt{16 - 16}}{2} = \frac{-4 \pm 0}{2} = -2$$

Ejemplo

Resolver: $x^2 - 2x + 1 > 0$

$$(x-1)(x-1) > 0$$

$$\therefore S = \mathbb{R} - \{1\}$$



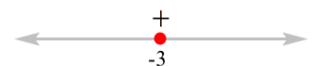
$$x = \frac{2 \pm \sqrt{4 - 4}}{2} = \frac{2 \pm 0}{2} = 1$$

Ejemplo

Resolver: $x^2 + 6x + 9 \leq 0$

$$(x+3)(x+3) \leq 0$$

$$\therefore S = \{-3\} \quad ; \quad x = -3$$



$$x = \frac{-6 \pm \sqrt{36 - 36}}{2} = \frac{-6 \pm 0}{2} = -3$$

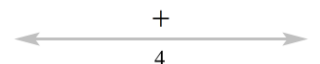
Ejemplo

Resolver: $x^2 - 8x + 16 < 0$

$$(x-4)(x-4) \leq 0$$

$$\therefore S = \emptyset$$

(no existe solución)



$$x = \frac{8 \pm \sqrt{64 - 64}}{2} = \frac{8 \pm 0}{2} = 4$$

Si $b^2 - 4ac < 0$, entonces $ax^2 + bx + c = 0$

no tiene raíz real alguna, es decir, $ax^2 + bx + c \neq 0$

Ejemplo

Resolver: $x^2 - 5x + 10 > 0$

$$x = \frac{5 \pm \sqrt{25 - 40}}{2} = \frac{5 \pm \sqrt{-15}}{2}$$

(sin solución real)

$$\therefore S = \mathbb{R}$$

La cuadrática siempre es positiva y el conjunto solución es \mathbb{R}

Ejemplo

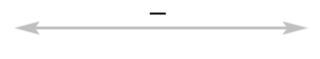
Resolver: $-x^2 + 4x - 5 > 0$

$$x = \frac{-4 \pm \sqrt{16 - 20}}{2} = \frac{-4 \pm \sqrt{-4}}{2}$$

(sin solución real)

$$\therefore S = \emptyset \quad (\text{no existe solución})$$

La cuadrática nunca es positiva y el conjunto solución es \emptyset



Inecuaciones polinómicas factorizables, con una incógnita

Estas inecuaciones, se pueden llegar a escribir de la forma:

$$P(x) > 0 \quad ; \quad (\text{el signo también puede ser } <, \leq \text{ ó } \geq)$$

El polinomio $P(x) = a_n x^n + \dots + a_1 x + a_0$, con $a_n \neq 0$ y grado n , toma valores del mismo signo en cada uno de los intervalos:

$$(-\infty, x_1) ; (x_1, x_2) ; (x_2, x_3) ; \dots ; (x_n, \infty)$$

donde x_1, x_2, \dots, x_n son sus raíces, ordenadas de forma creciente

MÉTODO DE RESOLUCIÓN

- Se pasan todos los términos al primer miembro
- Descomponemos en factores de 1º y 2º grado el polinomio dado
- Estudiamos el signo de cada factor para los valores positivos de x .** Esto significa resolver tantas inecuaciones de 1º o 2º grado como factores tengamos, utilizando para resolverlas **siempre el signo ≥ 0** (esto se expresa colocando un "+" en los intervalos solución de cada inecuación dentro de la "tabla de signos", y un "-" en el resto de intervalos).
- Creamos una "tabla de signos":
 - Colocamos, en orden creciente, los valores solución de cada inecuación correspondiente a cada factor
 - Escribimos "+" donde sí se verifica cada inecuación
 - Escribimos "-" en el resto de intervalos
 - Aplicamos la regla de los signos de la multiplicación para averiguar el signo del producto de los factores
- Resaltamos (con trazo grueso, rayado o de otro color) los intervalos en los que se verifica la inecuación propuesta, fijándonos en los signos del producto. Si el signo de la inecuación propuesta es \leq ó \geq incluiremos los extremos.

Ejemplo

Resolver: $x^3 - x^2 - 6x < 0$

$$\rightarrow x(x^2 - x - 6) < 0$$

1	-1	-6
-2	-2	+6
1	-3	0

$$\rightarrow x(x+2)(x-3) < 0$$

$$\boxed{x \geq 0} \quad \boxed{x+2 \geq 0} \quad \boxed{x-3 \geq 0}$$

$$\boxed{x \geq -2} \quad \boxed{x \geq 3}$$

$$\therefore S = (-\infty, -2) \cup (0, 3)$$

$$S = \{x/x < -2 \vee 0 < x < 3\}$$

Tabla de signos

	-2	0	3	
x	-	-	+	+
$(x+2)$	-	+	+	+
$(x-3)$	-	-	-	+
producto	-	+	-	+
inecuación				

Fijándonos en la inecuación propuesta, los intervalos solución son los negativos

Ejemplo

Resolver: $(4-x^2)(x+5) \leq 0$

$$\rightarrow (2+x)(2-x)(x+5) \leq 0$$

$$2+x \geq 0 \quad | \quad 2-x \geq 0 \quad | \quad x+5 \geq 0$$

$$\boxed{x \geq -2} \quad \boxed{-x \geq -2} \quad \boxed{x \geq -5}$$

$$\boxed{x \leq 2}$$

$$\therefore S = [-5, -2] \cup [2, +\infty)$$

$$S = \{x/x \leq -2 \vee x \geq 2\}$$

Observa que resolvemos siempre para los valores positivos ≥ 0

Tabla de signos

	-5	-2	2	
$(2+x)$	-	-	+	+
$(2-x)$	+	+	+	-
$(x+5)$	-	+	+	+
producto	+	-	+	-
inecuación				

Fijándonos en la inecuación propuesta, los intervalos solución son los negativos o iguales a cero

Ejemplo

Resolver:

$$(x^2 - 3x + 2)(x^3 - 3x^2)(4 - x^2) \leq 0$$

1.- Factorizamos toda la expresión

$$x^2 - 3x + 2 = (x-1)(x-2)$$

$$(x^3 - 3x^2) = x^2(x-3)$$

$$(4 - x^2) = -(x-2)(x+2)$$

$$\boxed{x^2(x-1)(x-2)^2(x+2)(x-3) \geq 0}$$

2.- Estudiamos el signo de cada factor

$$x-1 \geq 0 \quad | \quad x+2 \geq 0 \quad | \quad x-3 \geq 0$$

$$\boxed{x \geq 1} \quad \boxed{x \geq -2} \quad \boxed{x \geq 3}$$

$$\therefore S = [-2, 1] \cup \{2\} \cup [3, +\infty)$$

$$S = \{x/-2 \leq x \leq 1 \vee x = 2 \vee x \geq 3\}$$

Observa que no tenemos en cuenta los factores cuadrados, en la tabla de signos, por ser siempre positivos.

Tabla de signos

	-2	1	3	
$(x-1)$	-	-	+	+
$(x+2)$	-	+	+	+
$(x-3)$	-	-	-	+
producto	-	+	-	+
inecuación				

Fijándonos en la inecuación propuesta, los intervalos solución son los positivos o iguales a cero

Ejemplo

Resolver:

$$(x+14)(8-x)(5+x) > 0$$

Tabla de signos

$$x+14 \geq 0 \quad | \quad 8-x \geq 0 \quad | \quad 5+x \geq 0$$

$$\boxed{x \geq -14} \quad \boxed{-x \geq -8} \quad \boxed{x \geq -5}$$

$$\boxed{x \leq 8}$$

$$\therefore S = (-\infty, -14) \cup (-5, 8)$$

$$S = \{x/x < -14 \vee -5 < x < 8\}$$

	-14	-5	8	
$(x+14)$	-	+	+	+
$(8-x)$	+	+	+	-
$(5+x)$	-	-	+	+
producto	+	-	+	-
inecuación				

Ejemplo

Resolver:

$$(1-x^2)(x^2-9) \leq 0$$

$$(1+x)(1-x)(x+3)(x-3) \leq 0$$

$$1+x \geq 0 \quad | \quad 1-x \geq 0 \quad | \quad x+3 \geq 0 \quad | \quad x-3 \geq 0$$

$$\boxed{x \geq -1} \quad \boxed{x \leq 1} \quad \boxed{x \geq -3} \quad \boxed{x \geq 3}$$

Tabla de signos

	-3	-1	1	3	
$1+x$	-	-	+	+	+
$1-x$	+	+	+	-	-
$x+3$	-	+	+	+	+
$x-3$	-	-	-	-	+
producto	-	+	-	+	-
Inecuación					

$$\therefore S = (-\infty, -3] \cup [-1, 1] \cup [3, +\infty)$$

$$S = \{x/x \leq -3 \vee -1 \leq x \leq 1 \vee x \geq 3\}$$

Inecuaciones racionales, con una incógnita

Estas inecuaciones, se pueden llegar a escribir de la forma:

$$\frac{P(x)}{Q(x)} > 0 ; \text{ (el signo también puede ser } <, \leq \text{ ó } \geq \text{)}$$

Donde $P(x)$ y $Q(x)$ son polinomios

El método de resolución es semejante al descrito para inecuaciones polinómicas de grado mayor a 2 con las siguientes observaciones:

MÉTODO DE RESOLUCIÓN

- Se pasan todos los términos al primer miembro
- Realizamos las operaciones que aparecen **SIN eliminar los denominadores**, obteniendo **una sola** fracción algebraica
- Descomponemos en factores de 1º y 2º grado tanto el numerador como el denominador
- Estudiamos el signo de cada factor para los valores positivos de x . Esto significa resolver tantas inecuaciones de 1º o 2º grado como factores tengamos, utilizando siempre el signo ≥ 0 para los factores del numerador y el signo > 0 para los factores del denominador
- Creamos una "tabla de signos" de manera que podamos estudiar el signo del cociente
- Resaltamos (con trazo grueso, rayado o de otro color) los intervalos en los que se verifica la inecuación propuesta, fijándonos en los signos del cociente. Si el signo de la inecuación propuesta es \leq ó \geq incluiremos los extremos que corresponden **solo** al numerador.

Ejemplo

Resolver: $\frac{3}{2} + \frac{x}{x-1} > -\frac{2}{x-1}$

Tabla de signos

$$\frac{3}{2} + \frac{x}{x-1} + \frac{2}{x-1} > 0$$

$$\frac{3(x-1) + 2x + 4}{2(x-1)} > 0$$

$$\frac{3x - 3 + 2x + 4}{2(x-1)} > 0$$

$$\frac{5x + 1}{2(x-1)} > 0$$

$N \geq 0$	$D > 0$
$5x + 1 \geq 0$	$x - 1 > 0$
$5x \geq -1$	$x > 1$
$x \geq -1/5$	

$$\therefore S = \left(-\infty, -\frac{1}{5}\right) \cup (1, +\infty)$$

Observa que el signo que utilizamos para resolver las inecuaciones del denominador siempre es > 0 (debemos descartar los valores que anulan el denominador).

Ejemplo

Resolver: $\frac{1}{x} \leq 1 \rightarrow \frac{1-x}{x} \leq 0$

$N \geq 0$	$D > 0$
$1 - x \geq 0$	$x > 0$
$x \leq 1$	

$$\therefore S = (-\infty, 0) \cup [1, +\infty)$$

	0	1	
$(1-x)$	+	+	-
x	-	+	+
cociente	-	+	-
inecuación	←	→	→

Ejemplo

Resolver $\frac{(x-2)(x+1)}{(x-4)} \leq 0$

Nota: $(x-4) \neq 0 \rightarrow x \neq 4$

$N \geq 0$	$D > 0$
$x - 2 \geq 0$	$x - 4 > 0$
$x \geq 2$	$x > 4$

$$\therefore S = (-\infty, -1] \cup [2, 4)$$

Fijándonos en el signo de la inecuación propuesta, los intervalos solución son los negativos o iguales a cero

Tabla de signos

	-1	2	4	
$(x-2)$	-	•	+	+
$(x+1)$	-	•	+	+
$(x-4)$	-	-	-	•
cociente	-	+	-	+
inecuación	←	→	←	→

Ejemplo

Resolver la inecuación $\frac{3x^3 - 7x^2 - 22x + 8}{-5x^4 - 3x^3 + 47x^2 + 27x - 18} \leq 0$

1.- Factorizamos numerador y denominador por Ruffini

$$\frac{(3x-1)(x+2)(x-4)}{(x+3)(x-3)(2-5x)(x+1)} \leq 0$$

2.- Estudiamos el signo de cada uno de los factores:

$N \geq 0$	$D > 0$
$3x - 1 \geq 0$	$x + 3 > 0$
$3x \geq 1$	$x - 3 > 0$
$x \geq \frac{1}{3}$	$2 - 5x > 0$
	$x + 1 > 0$
	$-5x > -2$
	$5x < 2$
	$x < \frac{2}{5}$
	$x > -1$

3.- Construimos la tabla de signos

4.- Señalamos la solución de la inecuación

$$\therefore S = (-3, -2] \cup \left(-1, \frac{1}{3}\right) \cup \left(\frac{2}{5}, 3\right) \cup [4, \infty)$$

Fijándonos en el signo de la inecuación propuesta, los intervalos solución son los negativos o iguales a cero.

Tabla de signos

	-3	-2	-1	$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{5}$	3	4	
$3x - 1$	-	-	-	•	+	+	+	+
$x + 2$	-	-	•	+	+	+	+	+
$x - 4$	-	-	-	-	-	-	•	+
$x + 3$	-	•	+	+	+	+	+	+
$x - 3$	-	-	-	-	-	•	+	+
$2 - 5x$	+	+	+	+	+	-	-	-
$x + 1$	-	-	-	•	+	+	+	+
cociente	+	-	+	-	+	-	+	-
inecuación	←	→	←	→	←	→	←	→

Sistemas de Inecuaciones, con una incógnita

Un sistema de inecuaciones lineales o de primer grado es un conjunto de dos o más inecuaciones lineales.

Se pueden llegar a escribir de la forma:

$$\begin{cases} ax + b > 0 \\ a'x + b' > 0 \end{cases}; \text{ (el signo también puede ser } <, \leq \text{ ó } \geq)$$

Puede que el sistema tenga alguna inecuación no lineal, aun así, la resolvemos de la misma forma.

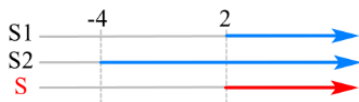
MÉTODO DE RESOLUCIÓN

- Para resolver cualquier sistema de inecuaciones, hay que resolver cada inecuación por separado; aplicando el método que, en cada caso, sea el más conveniente.
- Las soluciones de estos sistemas serán todos los números reales que satisfacen todas y cada una de las inecuaciones del sistema a la vez, es decir, la **intersección** de los conjuntos solución de todas las inecuaciones que forman parte del sistema.
- Conviene representar gráficamente los conjuntos solución de cada inecuación a la vez para ver claramente su intersección.

Ejemplo

Resolver:
$$\begin{cases} 2x - 4 > 0 \\ 3x + 12 > 0 \end{cases}$$

	Inecuación 1	Inecuación 2
	$2x - 4 > 0$	$3x + 12 > 0$
	$2x > 4$	$3x > -12$
	$x > \frac{4}{2}$	$x > -\frac{12}{3}$
	$x > 2$	$x > -4$
\therefore Solución del sistema	$S_1 = (2, +\infty)$	$S_2 = (-4, +\infty)$



Ejemplo

Resolver:
$$\begin{cases} -x^2 + x + 2 > 0 \\ x^2 + 4 \leq (x+2)^2 \\ 3x + 5 < x + 7 \end{cases}$$

\therefore Solución del sistema $S = S_1 \cap S_2 \cap S_3 = [0, 1)$

Inecuación 1	Inecuación 2	Inecuación 3
$-x^2 + x + 2 > 0$	$x^2 + 4 \leq (x+2)^2$	$3x + 5 < x + 7$
raíces de $-x^2 + x + 2$	$4x \geq 0$	$2x < 2$
$x_1 = -1; x_2 = 2$	$x \geq 0$	$x < 1$
$S_1 = (-1, 2)$	$S_2 = [0, +\infty)$	$S_3 = (-\infty, 1)$

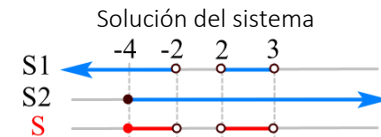
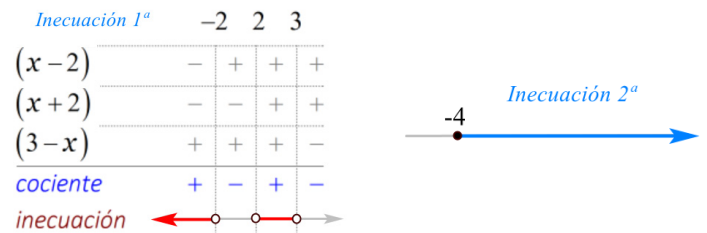


Ejemplo

Resolver:
$$\begin{cases} \frac{x^2 - 4}{3 - x} > 0 \\ 2(4x - 3) \leq 9x - 2 \end{cases}$$

\therefore Solución del sistema $S = S_1 \cap S_2$
 $S = [-4, -2) \cup (2, 3)$

Inecuación 1	Inecuación 2
$x + 2 \geq 0$	$2(4x - 3) \leq 9x - 2$
$x \geq -2$	$8x - 6 \leq 9x - 2$
$x \geq 2$	$-x \leq 4$
$x < 3$	$x \geq -4$
$S_1 = (-\infty, -2) \cup (2, 3)$	$S_2 = [-4, +\infty)$



Inecuaciones dobles, con una incógnita

También se pueden presentar inecuaciones con dos signos de relación, llamadas dobles o de tres componentes. Estas inecuaciones se pueden llegar a escribir:

$$A < B < C; \text{ (los signos también pueden ser } <, \leq \text{ ó } \geq)$$

Cuando en la doble desigualdad hay variables en más de un término separamos las desigualdades, obteniendo dos inecuaciones simples, las cuales resolvemos de manera aislada y la solución es la intersección de las soluciones encontradas.

Una inecuación doble equivale a un sistema de inecuaciones

MÉTODO DE RESOLUCIÓN

- Dividimos la expresión en dos partes: la primera, formada por el primer y segundo componente. La segunda, formada por el segundo y tercer componente.
- Resolvemos cada inecuación simple por separado.
- Realizamos una intersección entre los conjuntos solución de cada inecuación simple.
- La respuesta a la inecuación doble serán aquellos valores que se incluyan en ambas soluciones (donde ambas soluciones se intersectan).

$$3x - 4 < 5x + 7 < x + 11$$

$3x - 4 < 5x + 7$	Inecuación 1	Inecuación 2
$5x + 7 < x + 11$	$3x - 4 < 5x + 7$	$5x + 7 < x + 11$
$-2x < 11$	$-2x < 11$	$4x < 4$
$x > -\frac{11}{2}$	$x > -\frac{11}{2}$	$x < 1$
$S_1 = (-\frac{11}{2}, +\infty)$	$S_2 = (-\frac{11}{2}, +\infty)$	$S_3 = (-\infty, 1)$

\therefore Solución del sistema $S = S_1 \cap S_2 = (-\frac{11}{2}, 1)$

